

EX1

1) $E_c = \frac{1}{2} m v^2$ $[m] = M$ $[v] = LT^{-1}$
 $[E_c] = M(LT^{-1})^2 = ML^2T^{-2}$ (1)

2) $E = h\nu$ $[\nu] = T^{-1}$
 $h = \frac{E}{\nu} \Rightarrow [h] = \frac{[E]}{[\nu]} = \frac{ML^2T^{-2}}{T^{-1}} = ML^2T^{-1}$ (1)

EX2: A(2, 1, -1) B(0, -1, 2)

1) $\vec{AB} \begin{pmatrix} 0-2 \\ -1-1 \\ 2+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ (0,5)

2) $\vec{OA}, \vec{AB} = |\vec{OA}| |\vec{AB}| \cos(\vec{OA}, \vec{AB})$
 $\Rightarrow \cos(\vec{OA}, \vec{AB}) = \frac{\vec{OA} \cdot \vec{AB}}{|\vec{OA}| |\vec{AB}|} = 0,5$

$\vec{AB} \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{OA} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \Rightarrow \cos(\vec{OA}, \vec{AB}) = \frac{2 \times (-2) + 1 \times (-2) + 3 \times (-1)}{\sqrt{6} \cdot \sqrt{17}} = \frac{-9}{\sqrt{6} \cdot \sqrt{17}}$

$(\vec{OA}, \vec{AB}) = \arccos\left(\frac{-9}{\sqrt{102}}\right) \approx 26,98^\circ$ (0,5)

3) Dans le plan xoy, un vecteur s'écrit :

$\vec{v} = x\vec{i} + y\vec{j}$

$|\vec{v}| = \sqrt{x^2 + y^2} = 2 \Rightarrow x^2 + y^2 = 4$ (0,5)

$\vec{v}, \vec{AB} = 0 \Rightarrow -2x - 2y = 0 \Rightarrow x + y = 0 \Rightarrow x = -y$ ou

$2x^2 = 4 \Rightarrow x = \pm\sqrt{2}$ (0,5)

Possible vecteur

4) $\text{proj}_{\vec{AB}} \vec{OA} = \frac{\vec{OA} \cdot \vec{AB}}{|\vec{AB}|} = \frac{-9}{\sqrt{17}}$ $\vec{v}(\sqrt{2}, -\sqrt{2}, 0)$ (0,5)

5) $\vec{M}_{AB/O} = \vec{OA} \wedge \vec{AB} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 2 & 1 & -1 \\ -2 & -2 & 3 \end{vmatrix} \Rightarrow \vec{M}_{AB/O} = \vec{i} - 4\vec{j} - 2\vec{k}$ (0,25) (0,75)

Principe de la dynamique (0,5)

un corps de masse m a une accélération a , il est soumis à une force $\vec{F} = m \vec{a}$

3^e Loi: Principe de l'action et de la réaction: (0,5)

Si un corps A exerce une force \vec{F}_A sur un corps B, alors B exerce simultanément sur A une force \vec{F}_B telle que:

$$\vec{F}_A = -\vec{F}_B$$

ces forces ont la même direction, la même intensité et des sens opposés.

2) Le moment cinétique L/O par rapport à un pt O pour un corps de masse m se déplaçant avec une vitesse \vec{v} est défini par: $\vec{L}/O = \vec{r} \wedge \vec{p} = \vec{r} \wedge m \vec{v}$. (1)

3) Pour un mouvement plan:

$$\vec{J} = \frac{d\vec{r}}{dt} \wedge \vec{v} + r \frac{d(0,5)}{dt} \Rightarrow \vec{L}/O = r \vec{v} \wedge m \left(\frac{d\vec{v}}{dt} + r \frac{d\vec{v}}{dt} \right)$$

$$\vec{L}/O = m r^2 \frac{d\theta}{dt} \vec{v} \wedge \vec{u}_\theta = m r^2 \frac{d\theta}{dt} \vec{k}$$

4) $\vec{L}/O = \vec{r} \wedge \vec{p} = \vec{r} \wedge m \vec{v}$

$$\frac{d\vec{L}/O}{dt} = \frac{d\vec{r}}{dt} \wedge \vec{p} + \vec{r} \wedge \frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{v} \wedge m \vec{v} + \vec{r} \wedge \vec{F}$$

(1,5)

$$\Rightarrow \frac{d\vec{L}/O}{dt} = \vec{r} \wedge \vec{F} = \vec{M}\dot{\vec{L}}/O$$

5) Une force centrale est une force dont la direction passe constamment par un point fixe O appelé centre du champ central et dont le module est proportionnel à la distance séparant O du corps auquel elle est appliquée (0,5)

$$f(r) \vec{v}_r^{-1}$$

Le moment du moment cinétique pour un corps soumis à une force centrale :

$$\frac{d\vec{L}_O}{dt} = M \vec{r}_O = \vec{r}^{-1} \wedge \vec{F}$$

$$\frac{d\vec{L}_O}{dt} = r \vec{v}_r^{-1} \wedge f(r) \vec{v}_r^{-1} = \vec{0}$$

(1)

$\Rightarrow \frac{d\vec{L}_O}{dt} = 0 \Rightarrow \vec{L} = \text{cte}$ et donc le mouvement est plan

$$\vec{a} = \left[\frac{d^2 r}{dt^2} - r \left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 \right] \vec{u}_r + \left[2 \frac{dr}{dt} \cdot \frac{d\theta}{dt} + r \frac{d^2 \theta}{dt^2} \right] \vec{u}_\theta \quad (0,25)$$

2) a) $\vec{v} = \frac{dr}{dt} \vec{u}_r + r \frac{d\theta}{dt} \vec{u}_\theta$ $2 = a e^{kt}$
 $\vec{v} = a k e^{kt} r \vec{u}_r + \omega a e^{kt} \vec{u}_\theta$ $\textcircled{1}$
 $\frac{dv}{dt} = a k e^{kt}$ $\frac{d\theta}{dt} = \omega$

b) $|\vec{v}| = a e^{kt} \sqrt{k^2 r^2 + \omega^2}$ $\textcircled{0,75}$
 $\vec{a} = \left[\frac{d^2 r}{dt^2} - r \left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 \right] \vec{u}_r + \left[2 \frac{dr}{dt} \frac{d\theta}{dt} + r \frac{d^2 \theta}{dt^2} \right] \vec{u}_\theta$ $\textcircled{1}$
 $= \left[a k^2 e^{kt} - a e^{kt} \omega^2 \right] \vec{u}_r + \left[2 a k e^{kt} \omega + 0 \right] \vec{u}_\theta$

$$\vec{a} = a e^{kt} \left(k^2 - \omega^2 \right) \vec{u}_r + 2 a \omega k e^{kt} \vec{u}_\theta$$

$$|\vec{a}| = \sqrt{a^2 r^2 + a^2 \omega^2} = \sqrt{a^2 e^{2kt} \left(k^2 - \omega^2 \right)^2 + 4 a^2 \omega^2 k^2} \quad \textcircled{0,75}$$

$$= a e^{kt} \sqrt{\left(k^2 - \omega^2 \right)^2 + 4 k^2 \omega^2}$$

3) $r = a e^{kt}$ $\theta = \omega t \Rightarrow t = \frac{\theta}{\omega}$

$\Rightarrow r = a e^{k \frac{\theta}{\omega}}$ $\textcircled{1}$

4) Mvt circulaire $K=0 \Rightarrow r = a$ $\textcircled{1}$

EX 4

Lois de Newton

1 - Principe d'inertie $\textcircled{0,15}$

Si un corps n'est soumis à aucune force, il se déplace en mouvement rectiligne uniforme ou reste au repos s'il était initialement au repos.

Examen « Chimie I »

Exercice 1: (05 points)

I- Un électron d'un hydrogénéoïde à pour longueur d'onde $\lambda = 2,33 \text{ \AA}$. Si la vitesse $v = 31,22 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ et le rayon de l'orbite décrite est de $0,53 \text{ \AA}$. Quel est donc cet hydrogénéoïde ?
 II- Dans le spectre d'émission de cet hydrogénéoïde on à une raie limite qui correspond à une transition d'énergie de $13,6 \text{ eV}$.
 1- Calculer la longueur d'onde (en \AA) de cette raie. 2- Déterminer la transition électronique qui la produit.

3- A quelle série appartient cette raie spectrale.
 III- L'électron de cet hydrogénéoïde dans son état fondamental absorbe un photon de longueur d'onde $\lambda = 243,10 \text{ \AA}$ puis émet un photon de longueur d'onde $\lambda = 4688 \text{ \AA}$. Quel niveau l'électron se trouvera-t-il après émission d'énergie

Données : $R_H = 1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$; $h = 6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$; $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ Kg}$; $K = 9 \cdot 10^9 \text{ S.I}$

I- $\lambda = 2,32 \text{ \AA}$; $r = 9,33 \text{ \AA}$ et $v = 31,22 \cdot 10^5 \text{ m/s}$
 $F_1 = \frac{ke^2}{r^2} \cdot Z$ et $F_2 = \frac{mv^2}{r}$ on $F_1 = F_2$
 $\frac{ke^2}{r^2} \cdot Z = \frac{mv^2}{r} \Rightarrow Z = \frac{mv^2 r}{ke^2} = 2,04 \Rightarrow Z = 2$
 II- $E = 13,6 \text{ eV}$ et $\lambda = 243,10 \text{ \AA}$
 $\Delta E = h \cdot \nu = \frac{hc}{\lambda} = 5,1 \text{ eV}$
 $\Delta E = 13,6 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 8,4 \text{ eV}$
 $\Delta E = 13,6 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 8,4 \text{ eV} \Rightarrow \lambda = 912,6 \text{ \AA}$
 2- raie limite $n_1 = ? \rightarrow n_2 = \infty$

Exercice 2: (03 pts)
 Compléter les réactions nucléaires suivantes : ${}_{23}^{51}\text{V} + {}_1^2\text{H} \rightarrow {}_{24}^{53}\text{Cr} + {}_0^1\text{n}$
 1- Quelle est l'activité du radium ${}_{88}^{226}\text{Ra}$ dont la période est 1622 ans.

$T = 1622 \text{ ans} = 1622 \cdot 365 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 \text{ s}$
 $= 5,117 \cdot 10^{10} \text{ sec}$
 $A(t) = ?$ et $N(t) = \frac{m}{M} \cdot N_A$
 avec $T = \frac{\ln 2}{\lambda}$ et $N(t) = \frac{m}{M} \cdot N_A$
 $\Rightarrow A(t) = \frac{\ln 2}{T} \cdot \frac{m}{M} \cdot N_A$

Exercice 3: (05 pts)
 Établir le diagramme énergétique des orbitales moléculaires pour la molécule S_2 , écrire les configurations électroniques de S_2^+ ; S_2^{2+} ; S_2^- ; S_2^{2-} en indiquant leurs propriétés magnétiques. Attribuer, pour chaque molécule ou ion une longueur de liaison parmi les valeurs suivantes : $d_{\text{S-S}}(\text{\AA})$: 1,72 ; 1,79 ; 1,88 ; 2 ; 2,20. On donne : $Z(\text{S}) = 16$.

$A(t) = \frac{\ln 2}{5,117 \cdot 10^{10}} \cdot \frac{2,603 \cdot 10^{23}}{226}$
 $A(t) = 7,22 \cdot 10^{-10} \text{ dps}$
 $A(t) = 3,7 \cdot 10^{-10} \text{ dps}$
 $\Rightarrow A(t) = 1,97 \mu\text{Ci} \approx 2 \mu\text{Ci} \Rightarrow (Kt) 2 \mu\text{Ci}$

Diagramme énergétique des orbitales moléculaires pour S_2 .
 Orbitales atomiques (AO) : $3s$, $3p$, $3d$
 Orbitales moléculaires (MO) : σ_{3s} , σ_{3s}^* , σ_{3p} , π_{3p} , π_{3p}^* , σ_{3p} , σ_{3p}^* , π_{3d} , π_{3d}^* , σ_{3d} , σ_{3d}^*
 Configurations électroniques :
 S_2 : $(\sigma_{3s})^2 (\sigma_{3s}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3p})^4 (\pi_{3p}^*)^2 (\sigma_{3p})^2$
 S_2^+ : $(\sigma_{3s})^2 (\sigma_{3s}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3p})^4 (\pi_{3p}^*)^2$
 S_2^{2+} : $(\sigma_{3s})^2 (\sigma_{3s}^*)^2 (\sigma_{3p})^2$
 S_2^- : $(\sigma_{3s})^2 (\sigma_{3s}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3p})^4 (\pi_{3p}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3d})^2$
 S_2^{2-} : $(\sigma_{3s})^2 (\sigma_{3s}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3p})^4 (\pi_{3p}^*)^2 (\sigma_{3p})^2 (\pi_{3d})^2 (\sigma_{3d})^2$

$OL(S_2) = \frac{8-4}{2} = 2 \text{ liaisons}$
 $OL(S_2^-) = \frac{8-5}{2} = 1,5 \text{ liaisons}$
 $OL(S_2^{2-}) = \frac{8-6}{2} = 1 \text{ liaison}$
 $OL(S_2^+) = \frac{8-3}{2} = 2,5 \text{ liaisons}$
 $OL(S_2^{2+}) = \frac{8-2}{2} = 3 \text{ liaisons}$

Exercice 4: (07pts)

I- Soient les éléments suivants : A, B, C et D. A métal de transition 4^{ème} période ayant 6 électrons de valences. B élément de la 3^{ème} période ayant la plus grande électronégativité de sa période. C élément ayant 1 électron célibataire dont les nombres quantiques sont (4, 1, 1/2). D élément de transition du groupe II et appartient à la même période que l'élément C.

- a)- Etablir la configuration électronique, déterminer le numéro atomique, préciser la période, groupe et sous groupe.
- b)- Déterminer le nombre de protons, de neutrons et d'électrons de chaque nucléide.
- c)- Attribuer à chaque élément son rayon atomique et son énergie de première ionisation (Ei).
- d)- Donner les nombres quantiques caractérisant les électrons de valence de A et B.

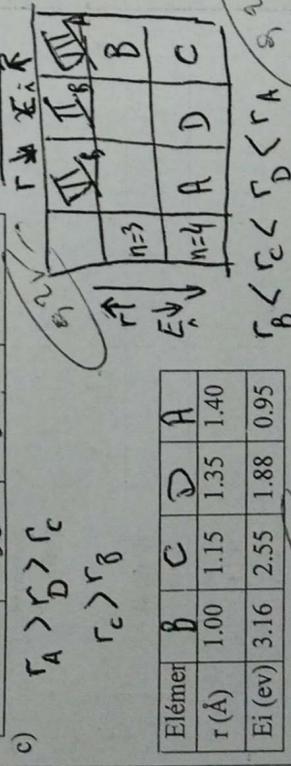
III- proposer une représentation de Lewis pour les molécules suivantes : SF₆, COCl₂ et PO₄³⁻. La règle de l'octet est-elle vérifiée. Prévoir la géométrie de ces molécules d'après la théorie VSEPR et donner l'état d'hybridation de chaque atome central

Donner : (Z(C)=6; Z(Cl)=17; Z(O)=8; Z(S)=16; Z(P)=15; Z(F)=9).

- I- A: n=4; $ns(n-1)d^5 4s^2 3d^4 \rightarrow Z=24$
- B: n=3; $ns^2 np^6 \rightarrow Z=17$
- C: $1e^- \text{ célibataire} \rightarrow (4, 1, 1/2) \Rightarrow 4s^2 4p^1 \rightarrow Z=24$
- D: $m^1 n^0 q^0 c \Rightarrow n=4; ns(n-1)d^2 \rightarrow 4s^2 4p^2 \rightarrow Z=30$

Configuration électronique	Période /Bloc	Groupe /Sous g
A: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^2 3d^4$	4/d	VII B
B: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5$	3/p	VII A
C: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^4$	4/p	VII A
D: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^2 3d^1 0$	4/d	II B

Eléments	Protons	Electrons	Neutrons
A	24	24	33
B	17	17	18
C	35	35	44
D	30	30	35



Elément	B	C	D	A
r (Å)	1.00	1.15	1.35	1.40
Ei (ev)	3.16	2.55	1.88	0.95

d)

A	Couche de v	Représentation de couche de v
A	$4s^2 3d^4$	$\uparrow\downarrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow$
B	$3s^2 3p^5$	$\uparrow\downarrow \uparrow \uparrow \uparrow$

II-₁₆S: $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^4$

$17Cl: 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5$
 $19F: 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^5$
 $9F: 1s^2 2s^2 2p^6$
 $8O: 1s^2 2s^2 2p^4$

Molécule	SF ₆	COCl ₂	HPV
Structure De Lewis	F_6S	$O=C(Cl)_2$	$O=C=O$
Règle de l'octet	non vérifiée	vérifier	VI
Formule VSEPR	AX ₆	AX ₃	A
Hybridation /Géométrie	sp^3d^2 octaédrique	sp^2 triangulaire plane	sp linéaire

Mathematics 1

Exercise 1 4 points:

1) $u_1 = (1, 2, 3)$, $v_1 = (4, 5, 6)$

$$\alpha u_1 + \beta v_1 = 0 \Leftrightarrow \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha + 4\beta = 0 & \times 2 & \text{--- (1)} \\ 2\alpha + 5\beta = 0 & & \text{--- (2)} \\ 3\alpha + 6\beta = 0 & & \alpha + 2\beta = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} +3\beta = 0 \\ \alpha + 2\beta = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \beta = 0 \\ \alpha = 0 \end{cases}$$

Then $\{u_1, v_1\}$ is linearly independent (0,25)

2) $u_2 = (0, 1, -2)$, $v_2 = (1, -1, 1)$, $w_2 = (1, 2, 1)$

$$\alpha u_2 + \beta v_2 + \gamma w_2 = 0 \Rightarrow \alpha \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} + \gamma \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \beta + \gamma = 0 & \Rightarrow \beta = -\gamma \\ \alpha - \beta + 2\gamma = 0 & \Rightarrow \alpha = -3\gamma \\ -2\alpha + \beta + \gamma = 0 & \text{--- (3)} \end{cases}$$

We replace β and γ in (3), we obtain;

$$-2(-3\gamma) - (-\gamma) + \gamma = 0$$

$$6\gamma = 0 \Rightarrow \gamma = 0 \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 0 \\ \beta = 0 \\ \gamma = 0 \end{cases}$$

Then, $\{u_2, v_2, w_2\}$ is linearly independent (0,25)

3) $u_3 = (1, 2, 3)$, $v_3 = (4, 5, 6)$, $w_3 = (7, 8, 9)$

$$\alpha u_3 + \beta v_3 + \gamma w_3 = 0 \Rightarrow \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 6 \end{pmatrix} + \gamma \begin{pmatrix} 7 \\ 8 \\ 9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha + 4\beta + 7\gamma = 0 \\ 2\alpha + 5\beta + 8\gamma = 0 \\ 3\alpha + 6\beta + 9\gamma = 0 \end{cases} \quad \text{--- (1)}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2\alpha + 8\beta + 14\gamma = 0 \quad \text{--- (1)} \\ 2\alpha + 5\beta + 8\gamma = 0 \quad \text{--- (2)} \\ 3\alpha + 6\beta + 9\gamma = 0 \quad \text{--- (3)} \end{cases}$$

(1) - (2) $\Rightarrow 3\beta + 6\gamma = 0 \Rightarrow \beta = -2\gamma$ (0,5)

1) $\Rightarrow \alpha + 4(-2\gamma) + 7\gamma = 0 \Rightarrow \alpha = \gamma$

We replace α and β in (3),

$$3\gamma - 12\gamma + 9\gamma = 0$$

$$-12\gamma + 12\gamma = 0$$

$$0 = 0$$

so: $\{u_3, v_3, w_3\}$ is linearly dependent (0,25)

4) Four vectors in the space of the dimension 3; (1)
Then, $\{u_4, v_4, w_4, z_4\}$ is linearly dependent.

Exercise 2: (7 points)

I) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x) - e^{\sin x}}{(x+1)e^x - 1} = \frac{0}{0}$ F.I (0,25)

H.R $\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \cos x \cdot e^{\sin x}}{e^x + (x+1)e^x} = \frac{-\frac{1}{2}}{2}$ (0,25)

continuous in $] -\infty, 0[$. (0,25)

differentiable in $] -\infty, 0[$: $f'(x) = -2x e^{-x^2+1} > 0$ because $x < 0$

• DE f is strictly increasing in $] -\infty, 0[$. (0,25)

• $f(0) = 1$, and $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^{-x^2+1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} x \left(\frac{e^{-x^2+1}}{-x} - \frac{1}{x} \right) = -\infty$

(0,5)

DE: $0 \in] -\infty, 1[$

Therefore, according to the intermediate value theorem.

The equation $f(x) = 0$ has a unique solution $\alpha \in] -\infty, 0[$.

III) $g(x) = \arctan\left(\frac{1}{x-1}\right)$

(g is defined) $\Leftrightarrow x-1 \neq 0 \Leftrightarrow x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$

$D_g = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ (0,5)

$$g'(x) = \frac{\left(\frac{1}{x-1}\right)'}{1 + \left(\frac{1}{x-1}\right)^2} = \frac{\frac{-1}{(x-1)^2}}{\frac{(x-1)^2 + 1}{(x-1)^2}} = \frac{-1}{(x-1)^2 + 1} \quad (1,5)$$
$$g'(x) = \frac{-1}{x^2 - 2x + 2}$$

Exercise 3 (4 points)

I) $f(x) = \ln x$; $[1, 2]$

• f is continuous in $[1, 2]$ (0,25)

• f is differentiable in $]1, 2[$. (0,25)

Then, $\exists c \in]1, 2[$: $f(2) - f(1) = f'(c)(2-1)$ (0,25)

$$\ln 2 - \ln 1 = f'(c)$$

$$\ln 2 = \frac{1}{c} \quad (0,5)$$

$$c = \frac{1}{\ln 2} \in]1, 2[$$

(4)

$$f(x) = \begin{cases} e^{-x^2} + x, & \text{if } x \leq 0 \\ \cos x + \sin x, & \text{if } x > 0 \end{cases}$$

III Study the continuity of f at $x=0$

$$\left\{ \begin{array}{l} f(0) = 1 \quad (0,25) \\ \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^-} e^{-x^2} + x = 1 \quad (0,25) \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \cos x + \sin x = 1 \quad (0,25) \end{array} \right.$$

Then f is continuous at $x=0$ because $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0)$. (0,25)

2) Differentiability:

• f is differentiable in \mathbb{R}^* (0,25)

$$\text{at } x_0 = 0: \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x + \sin x - 1}{x} \stackrel{\text{H.R.}}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-\sin x + \cos x}{1} = 1 \quad (0,15)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-x^2} + x - 1}{x} \stackrel{\text{H.R.}}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-2x e^{-x^2} + 1}{1} = 1 \quad (0,15)$$

Then, f is differentiable at $x=0$, because:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = 1 \in \mathbb{R}. \quad (0,15)$$

so, f is differentiable on \mathbb{R} .

$$f'(x) = \begin{cases} -2x e^{-x^2} + 1 & \text{if } x < 0 \\ 1 & \text{if } x = 0 \\ -\sin x + \cos x & \text{if } x > 0. \end{cases} \quad (0,75)$$

the equations:

$$1) \arccos(\sin x) = \frac{\pi}{7} \Leftrightarrow \cos(\arccos(\sin x)) = \cos\left(\frac{\pi}{7}\right) \quad (0,5)$$

$$\Leftrightarrow \sin x = \cos \frac{\pi}{7}$$

$$\Leftrightarrow \sin x = \sin\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{7}\right) \Leftrightarrow \sin x = \sin \frac{5\pi}{14} \quad (0,5)$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{5\pi}{14} + 2k\pi$$

$$\Leftrightarrow x = \pi - \frac{5\pi}{14} + 2k\pi \quad (0,5)$$
$$S = \left\{ \frac{5\pi}{14} + 2k\pi; \frac{9\pi}{14} + 2k\pi \right\}$$

$$b) 2 \cosh(2x) + 10 \sinh(2x) = 5$$

$$2 \cdot \frac{e^{2x} + e^{-2x}}{2} + 10 \cdot \frac{e^{2x} - e^{-2x}}{2} = 5 \quad (0,5)$$

$$e^{2x} + e^{-2x} + 5e^{2x} - 5e^{-2x} = 5$$

$$6e^{2x} - 4e^{-2x} - 5 = 0 \quad x e^{2x}$$

$$6e^{4x} - 5e^{2x} - 4 = 0 \quad (0,5)$$

Let $t = e^{2x}$, we find:
 $t > 0$

$$6t^2 - 5t - 4 = 0$$

$$t_1 = -\frac{1}{2}; \quad t_2 = \frac{4}{3}$$

$$e^{2x} = -\frac{1}{2} \text{ impossible}$$

$$e^{2x} = \frac{4}{3} \quad (0,5)$$

$$2x = \ln \frac{4}{3}$$

$$x = \frac{1}{2} \ln \frac{4}{3}$$

Exercise (4) (5 points).

$$1) I_1 = \int \frac{\ln x}{x(1-(\ln x)^2)} dx$$

$$\text{Let } t = \ln x \Rightarrow dt = \frac{1}{x} dx \quad (0,5)$$

$$I_1 = \int \frac{\ln x}{(1-(\ln x)^2)} \frac{dx}{x} = \int \frac{t}{1-t^2} dt \quad (0,5)$$

$$= -\frac{1}{2} \cdot \int \frac{-2t}{1-t^2} dt = \left| -\frac{1}{2} \ln |1-t^2| + C \right|$$

$$2) I_2 = \int \frac{x+1}{x^2+x+3} dx$$

$$x^2+x+3=0; \Delta < 0.$$

$$I_2 = \frac{1}{2} \int \frac{2x+2}{x^2+x+3} dx = \frac{1}{2} \int \frac{2x+1+1}{x^2+x+3} dx \quad (0,25)$$

$$= \frac{1}{2} \int \frac{2x+1}{x^2+x+3} dx + \frac{1}{2} \int \frac{1}{x^2+x+3} dx$$

$$= \frac{1}{2} \ln |x^2+x+3| + I \quad (0,25)$$

$$\text{We have: } x^2+x+3 = \left(x+\frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} + 3 = \left(x+\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{11}{4} \\ = \left(x+\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{11}}{2}\right)^2 \quad (0,5)$$

$$\text{Let } u = x + \frac{1}{2} \Rightarrow du = dx \text{ and we apply } (0,25)$$

$$\int \frac{du}{u^2+a^2} = \frac{1}{a} \arctan\left(\frac{u}{a}\right).$$

(6)

$$= \frac{1}{2} \int \frac{1}{u^2 + \left(\frac{\sqrt{11}}{2}\right)^2} du = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{11}} \cdot \arctan\left(\frac{u}{\frac{\sqrt{11}}{2}}\right) + C$$

$$= \frac{1}{\sqrt{11}} \arctan\left(\frac{x + \frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{11}}{2}}\right) + C = \frac{1}{\sqrt{11}} \arctan\left(\frac{2x+1}{\sqrt{11}}\right) + C$$

$$I_2 = \frac{1}{2} \ln|x^2 + x + 3| + \frac{1}{\sqrt{11}} \arctan\left(\frac{2x+1}{\sqrt{11}}\right) + C$$

3) integration by parts:

$$u = \arctan x \Rightarrow u' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$v' = x \Rightarrow v = \frac{x^2}{2}$$

$$I = \frac{x^2}{2} \arctan x - \frac{1}{2} \int \frac{x^2}{1+x^2} dx$$

$$= \frac{x^2}{2} \arctan x - \frac{1}{2} \int \frac{x^2+1+1}{x^2+1} dx$$

$$= \frac{x^2}{2} \arctan x - \frac{1}{2} \int 1 - \frac{1}{x^2+1} dx$$

$$= \frac{x^2}{2} \arctan x - \frac{1}{2} x + \frac{1}{2} \arctan x + C$$

$$I = \left[\left(\frac{x^2}{2} + \frac{1}{2} \right) \arctan x - \frac{1}{2} x + C \right]$$

7

التعيين 1-: التواء البسيط (7pts)

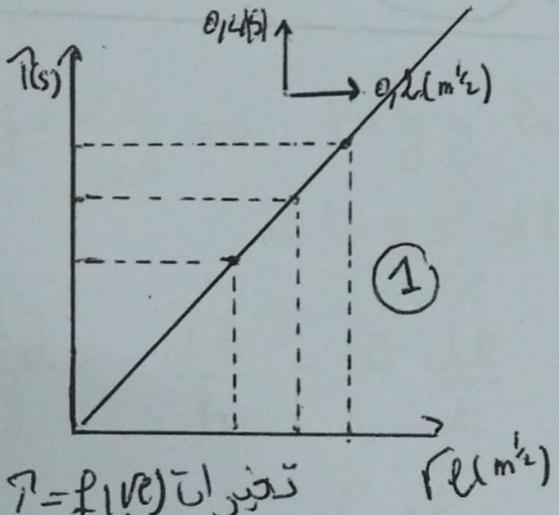
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

1- العبارة الصحيحة لعدد التواء البسيط:

2- أكمل الجدول

l (m)	t (s)	t_{avg} (s)	T_{avg} (s)	$l^{1/2}$ (m ^{1/2})	g (m/s ²)	g_{avg} (m/s ²)	Δg (m/s ²)	Δg_{avg} (m/s ²)
0,20	9,08 9,09 8,91	9,03	0,903	0,45	9,67	9,82	0,15	0,10
0,40	12,55 12,54 12,66	12,58	1,258	0,63	9,97		0,15	
0,60	15,34 15,64 15,58	15,52	1,552	0,77	9,82		0,00	

3- عبارة قيمة الجاذبية: $g_{\text{exp}} = (g \pm \Delta g) = (9,82 \pm 0,10) \text{ m/s}^2$ (0,15)



4- رسم تغيرات الدور $T = f(\sqrt{l})$

التحليل: لدينا نظرياً: $T = \frac{2\pi}{\sqrt{g}} \sqrt{l}$ $y = ax$ (0,15)

وبالتالي فتغيرات $T = f(\sqrt{l})$ عبارة عن خط مستقيم يمر عبر المبدأ

5- حساب قيمة $g_{gh} = ?$

نلاحظ ان الميل للمستقيم $a = \frac{1,552 - 1,258}{0,77 - 0,63}$

$g_{gh} = \frac{(2\pi)^2}{a^2}$ $a = \frac{2\pi}{\sqrt{g}}$

$g_{gh} = 8,94 \text{ m/s}^2$ $a = 2,1$ (0,75)

($a = 1,97 \rightarrow g = 10,166 \text{ m/s}^2$)
($a = 2,03 \rightarrow g_{gh} = 9,57 \text{ m/s}^2$)

قلم

2- النواس الفيزيائي

لهذه فاعنا التجربة :- دقيقة فانون دور الاستمرارية الحرة للنواس الفيزيائي

1

تعبير تسارع الذقالة g هو تقريباً مركز
كل الجملة (اساق أو اساق + حولة)

1

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgL}}$$

1

لعبارة المصححة لدور الاستمرارية P :

$$I_A = \frac{1}{12} m_A L_A^2 + m_A L_0^2$$

0,75

عزم عطالة اساق $I_A = ?$

$$= 0,82 \left[\frac{(1,08)^2}{12} + (0,53)^2 \right]$$

$$I_A = 0,310 \text{ kg m}^2$$

0,75

حساب الجاذبية الارضية $g = ?$

0,75

$$g = \frac{4\pi^2}{T^2} \frac{I}{mL_0} = \frac{4\pi^2}{(1,70)^2} \frac{0,310}{0,82 \cdot 0,123}$$

$$g = 9,43 \text{ m/s}^2$$

0,75

التمرين 3: السقوط الحر: (4P6) وحساب تسارع (التفاهل) الجاذبية g - هو دراسة قوانين السقوط الحر (0,15)

(2) - تتحكم القاطعة في اللوسجة والعداد في آث واحد طيب
 يفتنحها بختنعي الخفل المغناطيسي وتسطح الكرتي وحي
 نفس الوقت لطرف العداد (حساب زمن السقوط). (0,15)

(3) -
 $t_1 = 0,406 s$; $t_2 = 0,405 s$; $t_3 = 0,407 s$.

$$t_{moy} = \frac{t_1 + t_2 + t_3}{3}$$

$$t_{moy} = 0,406 s. \quad (0,25)$$

$$h = \frac{1}{2} g t^2 \Rightarrow g = \frac{2h}{t^2_{moy}} \quad (0,15)$$

$$g = \frac{2 \times 0,8}{(0,406)^2} = 9,706 \text{ m/s}^2 \Rightarrow g = 9,706 \text{ m/s}^2. \quad (0,15)$$

(2) - الإرتياب المطلف Δg :

$$g = \frac{2h}{t^2} \Rightarrow \ln g = \ln 2 + \ln h - 2 \ln t$$

$$d \ln g = d \ln 2 + d \ln h - 2 d \ln t$$

$$\frac{dg}{g} = \frac{dh}{h} - 2 \frac{dt}{t} \Rightarrow \frac{\Delta g}{g} = \frac{\Delta h}{h} + 2 \frac{\Delta t}{t}$$

$$\Rightarrow \Delta g = g \left\{ \frac{\Delta h}{h} + 2 \frac{\Delta t}{t} \right\} \quad (0,75)$$

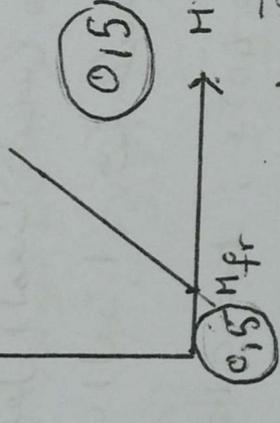
A.N.: $\Delta g = 9,706 \cdot \left\{ \frac{0,01}{0,8} + 2 \left(\frac{0,02}{0,406} \right) \right\} = 1,07 \text{ m/s}^2. \quad (0,15)$

- طبعاً حركة السقوط الحر: حركة متسارعة متساوية. (0,15)

الخصائص العامة (3 pts)

- المركب 4
- طبيعت حركة الجملة المدورسة هي تجريبية دوران حيس هلب
- هي حركة دورانية، إيسحابية (0,15)

- شكل تعبيرات التسارع الخواص $\epsilon = f(H)$



- البيان عبارة عن مستقيم لا يمر من المبدأ عبارة عن الشكل :
 ، نطلق المستقيم مع محور الفواصل يعطينا عن M الإحداثيات (0,15)

$$E_f = E_{ct} + E_{cr} + A_{fr}$$

$$\left\{ \begin{aligned} E_{ct} &= \frac{1}{2} m v^2 \rightarrow \text{الطاقة الحركية الإيسحابية} \quad (0,25) \\ E_{cr} &= \frac{1}{2} I \omega^2 \rightarrow \text{الطاقة الحركية الدورانية} \quad (0,25) \\ A_{fr} &= M_{fr} \cdot \varphi \rightarrow \text{كمال الإحداثك} \quad (0,25) \end{aligned} \right.$$

$$E_i = m g h \rightarrow \text{الطاقة اركامنة} \quad (0,25)$$

أو (الطاقة الإبتدائية)

Exercice 01 : (4pts) Donner la définition des termes suivants :

Informatique : La science de traitement automatique de l'information. ✓

Programme : est une suite d'instructions élémentaires, qui vont être exécutées dans l'ordre par le processeur. ✓

Algorithme : est une suite ordonnée d'actions qui permet d'arriver à un but. ✓

Variante : est une zone mémoire qui stocke une valeur. ✓

Exercice 02 : (4pts) Choisir la bonne réponse :

Q1. Quel est le rôle de l'instruction if en Python ?

- a) Répéter un bloc d'instructions
- b) Tester une condition ✓
- c) Lire une valeur
- d) Afficher un résultat

Q2. Que fait l'instruction else ?

- a) Teste une autre condition
- b) S'exécute si la condition est vraie
- c) S'exécute si la condition est fausse ✓
- d) Arrête le programme

Q3. Combien de fois la boucle suivante s'exécute-t-elle ?

for i in range(1, 5):

print(i)

- a) 3
- b) 4 ✓
- c) 5
- d) Infini

Q4. Quelle boucle est utilisée quand on ne connaît pas le nombre de répétitions ?

- a) for
- b) while ✓
- c) if
- d) else

Exercice 03 : (4pts)

distance = float(input("Distance parcourue (km) : "))

if distance <= 1:

tarif = 100

elif distance <= 10:

tarif = 100 + (distance - 1) * 25

else:

tarif = 100 + 9 * 25 + (distance - 10) * 20

print("Tarif total : ", tarif, "DA")

Exercice 04 : (3pts)

Exercice 04 : (3pts)

```
N = int(input("Donner un nombre : "))  
for i in range(1, N + 1):  
    print(i)
```

Exercice 05 : (5pts)

```
Algorithme Moyenne_Trois_Notes  
Variables :  
    n1, n2, n3, moyenne : réel  
Début  
    Lire n1  
    Lire n2  
    Lire n3  
    moyenne ← (n1 + n2 + n3) / 3  
    Afficher moyenne  
Fin
```

